

B. Partie mécanique

I. Etude géométrique:

Question B11 - M. q ℓ_i est une suite arithmétique, en déduire L_i la longueur correspondant à i tours en $f^{ct}(i, e, \ell_1)$.

* $s_2 = s_1 + e, s_3 = s_1 + 2e, \dots$
 $s_i = s_1 + (i-1)e$

* $L_i = 2\pi \sum_{j=1}^i s_j = 2\pi \sum_{j=1}^i (s_1 + j e - e)$
 $= 2\pi (i s_1 - i e + e \sum_{j=1}^i j)$
 $= 2\pi (i s_1 - i e + e \frac{i(i+1)}{2})$

$L_i = 2\pi i (s_1 - \frac{e}{2} + \frac{e \cdot i}{2})$

Question B12 - Calculer la longueur L_{EACB} puis L_{BD} (fig 6b).

* $L_{EACB} = EA + AC + CB = f + 2AC$

or $AC = \frac{h}{\cos \alpha_0} \Rightarrow L_{EACB} = f + \frac{2h}{\cos \alpha_0}$

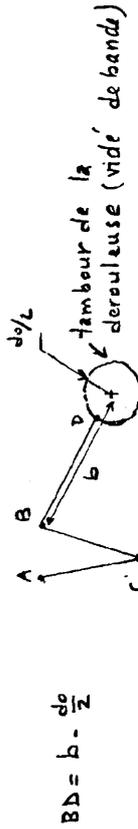
* $L_{BD} = BD = \sqrt{b^2 - r_2^2}$

$d_2 = 2r_2$

Question B13 - Calculer $L_c = AC + BD$ (bande totalement déroulée).

$L_c = 2AC + BD = \frac{2h}{\cos \alpha_0} + BD$

Quand la bande est totalement déroulée on aura le schéma suivant. (la bande est sectionnée en A).



$BD = b - \frac{d_0}{2}$

$L_c = \frac{2h}{\cos \alpha_0} + b - \frac{d_0}{2}$

Question B14 - donner r_2 en $f^{ct}(\varphi)$ sachant que r_e varie linéairement et que $r_2 = \frac{D}{2}$ pour $\varphi = 0$. En déduire le moment d'inertie $J_2(\varphi) \dots$

* variation linéaire: $r_2 = k \cdot \varphi + k_0$ (k, k_0 : constantes à déterminer)

• $\varphi = 0$ pour $r_2 = \frac{D}{2} \Rightarrow k_0 = \frac{D}{2}$

• $\varphi = 2\pi$ pour $r_2 = \frac{D}{2} - e \Rightarrow \frac{D}{2} - e = k \cdot 2\pi + \frac{D}{2}$

$\Rightarrow k = -\frac{e}{2\pi}$

d'où $J_2(\varphi) = -\frac{e}{2\pi} \cdot \varphi + \frac{D}{2}$

* $J_2(\varphi) = \frac{1}{2} m \cdot r_2^2$ et $m = \rho \cdot \pi \cdot r_2^2 \cdot w$

$\Rightarrow J_2(\varphi) = \frac{1}{2} \pi \cdot \rho \cdot w \cdot r_2^4$

$J_2(\varphi) = \frac{1}{2} \pi \cdot \rho \cdot w \cdot \left(-\frac{e}{2\pi} \cdot \varphi + \frac{D}{2}\right)^4$

Question B15: Calculer l'énergie cinétique de la bande en supposant la bande sur la dérouleuse comme un cylindre de diamètre d_2 .

Bande = $(\text{cylindre de diamètre } d_2) + (BD) + (BC) + (AC) + (EA) + (EF)$

$E_c = E_{c1} + E_{c2}$

$= \frac{1}{2} J_2 \cdot \dot{\varphi}^2 + E_{c2}$

($E_{c2} = E_c$ des portions BD, BC, AC, EA et EF)

$dE_{c2} = \frac{1}{2} dm \cdot v^2$

$v =$ vitesse du point matériel de masse dm et d'énergie cinétique dE_c . La bande étant supposée inextensible; $v =$ constante sur la portion $\textcircled{2} = \text{DBCDEF}$.

$v = v_A = \frac{d_2}{2} \cdot \dot{\varphi}$

$\int_D^F dE_{c2} = \frac{1}{2} v^2 \int_D^F dm$

$E_{c2} = \frac{1}{2} \cdot \frac{d_2^2}{4} \cdot \dot{\varphi}^2 \left[m_{BD} + m_{BC} + m_{AC} + m_{AE} + m_{EF} \right]$

$= \frac{d_2^2 \cdot \dot{\varphi}^2}{8} \left[\rho \cdot e \cdot w (BD + BC + AC + AE + EF) \right]$

$E_{c2} = \rho \cdot e \cdot w \cdot d_2^2 \cdot \dot{\varphi}^2 \cdot \frac{1}{8} \left(f + \frac{2h}{\cos \alpha_0} + \sqrt{b^2 - r_2^2} + \frac{d_0}{2} \right)$

$$\Rightarrow E_{c2} = p.e.w. \cdot \frac{v_2^2}{2} \left(1 + \frac{2h}{\cos \alpha_0} + \sqrt{b^2 - r_2^2} + \frac{d_1}{2} \theta_1 \right)$$

$$\text{d'où } E_c = \frac{1}{2} \dot{\varphi}^2 \left[J_2 + p.e.w. \cdot r_2^2 \left(1 + \frac{2h}{\cos \alpha_0} + \sqrt{b^2 - r_2^2} + \frac{d_1}{2} \theta_1 \right) \right]$$

II - Etude cinématique :

Question B.I.1 : pour chaîne des durées t_{a1} , t_{p1} , t_{d1} et t_c donner la nature du mouvement de rotation de l'enrouleuse.

t_{a1} : mvmt de rotation uniformément accéléré.

t_{p1} : mvmt de rotation uniforme.

t_{d1} : mvmt de rotation uniformément décéléré.

t_c : pas de mouvement (attente = repos).

Question B.II.2 : Calculer les angles θ_{p1} , θ_{a1} et θ_{d1} en fct (w_{max} , a , t_{p1}).

intégrale d'une fct = aire sous la courbe

$$\text{Or } w(t) = \dot{\theta}(t) \Rightarrow \theta(t) = \int w(t) \cdot dt$$

θ_{a1} = aire du 1^{er} triangle ($\Delta \theta_{a1}$)

$$\theta_{a1} = \frac{1}{2} \cdot w_{max} \cdot t_{a1}$$

$$\theta_{p1} = w_{max} \cdot t_{p1} \quad (\text{à chose})$$

$$\theta_{d1} = \frac{1}{2} \cdot w_{max} \cdot t_{d1} \quad (")$$

$$\text{Or : zone 1} \Rightarrow w_{max} = a \cdot t_{a1} \Rightarrow t_{a1} = \frac{w_{max}}{a} = t_{d1}$$

$$\text{d'où } \theta_{p1} = w_{max} \cdot t_{p1} \quad \text{et } \theta_{a1} = \frac{w_{max}}{2} \cdot t_{a1} = \frac{w_{max}^2}{2 \cdot a} = \theta_{d1}$$

$$\theta_{a1} = \theta_{d1} = \frac{w_{max}^2}{2 \cdot a}$$

Question B.II.3 : Donner t_{p1} en fct (w_{max} , a , θ_1), en deduire la condition sur θ_1 pour avoir la loi trapézoïdale au lieu d'une loi triangulaire.

$$\theta_1 = \theta_{a1} + \theta_{p1} + \theta_{d1} = \theta_{p1} - 2 \cdot \theta_{a1} = w_{max} \left(t_{p1} + \frac{w_{max}}{a} \right)$$

$$\Rightarrow t_{p1} = \frac{\theta_1}{w_{max}} - \frac{w_{max}}{a}$$

Condition pour ne pas avoir une loi triangulaire :

il faut que la durée t_{p1} soit $\neq 0 \Rightarrow t_{p1} \neq 0$

$$\Rightarrow \theta_1 \neq \frac{w_{max}^2}{a}$$

Question B.II.4 : M.q: $T_e = t_c + \frac{2 \cdot w_{max}}{a} + \frac{\theta_1 + \theta_2}{w_{max}}$. Pour quelle valeur w_{op} de w_{max} , la durée $T_e - t_c$ est-elle minimale ?
vérifier l'application numérique.

$$\begin{aligned} * T_e &= 2t_{a1} + t_{p1} + t_c + 2t_{d1} + t_{p2} \\ &= \frac{2w_{max}}{a} + \frac{\theta_1}{w_{max}} - \frac{w_{max}}{a} + t_c + \frac{2w_{max}}{a} + \frac{\theta_2}{w_{max}} + \frac{w_{max}}{a} \end{aligned}$$

$$T_e = t_c + \frac{2w_{max}}{a} + \frac{\theta_1 + \theta_2}{w_{max}}$$

$$* T_e - t_c = \frac{2w_{max}}{a} + \frac{\theta_1 + \theta_2}{w_{max}} \quad a \text{ et } \theta_1 \text{ fixes}$$

$\frac{d}{dw_{max}} (T_e - t_c) = \frac{2}{a} - (\theta_1 + \theta_2) \cdot \frac{1}{w_{max}^2}$ qui admet un extrémum, si elle est nulle

$$\Rightarrow \frac{2}{a} - \frac{\theta_1 + \theta_2}{w_{op}^2} = 0 \Rightarrow w_{op} = \sqrt{\frac{a}{2} (\theta_1 + \theta_2)}$$

* AN :

• Enroulement monotour \rightarrow 1 tour $\Rightarrow \theta_1 + \theta_2 = 2\pi$ (cdcf fig 4, page 10)

θ_1 : enroulement avant la coupe

θ_2 : " après découpage de la bande

• $w_{max} = \dot{w}_{max} \cdot R_{tambour} \Rightarrow \dot{w}$: accélérat. linéaire m/s²

$= a \cdot R_{tambour}$ $a = \dot{w}$: accélérat. angulaire (rd/s²)

$$\Rightarrow a = \frac{w_{max}}{R_b} = \frac{3}{0,13} = 10 \text{ rd/s}^2$$

$$w_{op} = \sqrt{10\pi} = 5,6 \text{ rd/s}$$

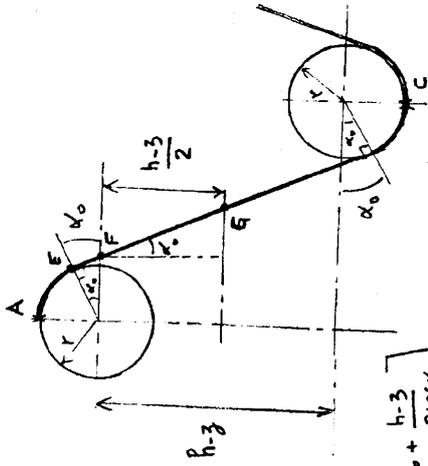
• durée d'enroulement = $T_e - t_c = \frac{2 \cdot w_{op}}{a} + \frac{2\pi}{w_{op}} = 2,24 \Delta$

le cahier des charge (fig 4 page 10) donne t_c : durée de coupe (0,5 s), et T_e : durée enroulement + coupe $\leq 3 \Delta$

d'où $T_e - t_c = 2,24 < 3 - 0,5 = 2,5 \Delta$
le cdcf (Cahier des charge) est satisfait.

Question B.I.5: longueur L_{ACB}? avec $\alpha = \alpha_0$

M.9: $\frac{d^2 z}{dt^2} = \frac{1}{2} (r_1 \omega_1 - r_2 \omega_2) \cdot \cos \alpha_0$



* $L_{ACB} = 2 L_{AC}$

$L_{AC} = 2 L_{AE}$

$L_{AE} = \overline{AE} + \overline{EF} + \overline{EG}$

$= r \left(\frac{h}{2} - \alpha_0 \right) + \frac{h-3}{2} \cos \alpha_0 + r \sin \alpha_0$

d'où

$L_{ACB} = 4 L_{AE} = 4 \left[r \left(\frac{h}{2} - \alpha_0 \right) + r \sin \alpha_0 + \frac{h-3}{2} \cos \alpha_0 \right]$

$L_{ACB} = 4 \left[r \left(\frac{h}{2} - \alpha_0 \right) + r \sin \alpha_0 + \frac{h-3}{2} \cos \alpha_0 \right]$

* $dL_B = r_2 d\theta_2 = r_2 \omega_2 \cdot dt$

$dL_A = r_1 \omega_1 \cdot dt$

* $dL_{ACB} = d \left(\frac{-2z}{\cos \alpha_0} \right) = -\frac{2}{\cos \alpha_0} dz$

$dL_{ACB} = dL_B - dL_A = 0 \Rightarrow -\frac{2}{\cos \alpha_0} dz = r_2 \omega_2 dt - r_1 \omega_1 dt$

En divisant par dt on a:

$\frac{dz}{dt} = (r_2 \omega_2 - r_1 \omega_1) \cdot \frac{\cos \alpha_0}{2}$

III - Etude dynamique.

Question B.IV.4: Donner l'equation differentielle du mvt du tambour en ω_1 .

T.E.C appliqué au tambour seul

$\frac{d}{dt} \left[\frac{1}{2} (J_1 \omega_1^2) \right] = + C_{MR} \cdot \omega_1 - T_1 \cdot V$

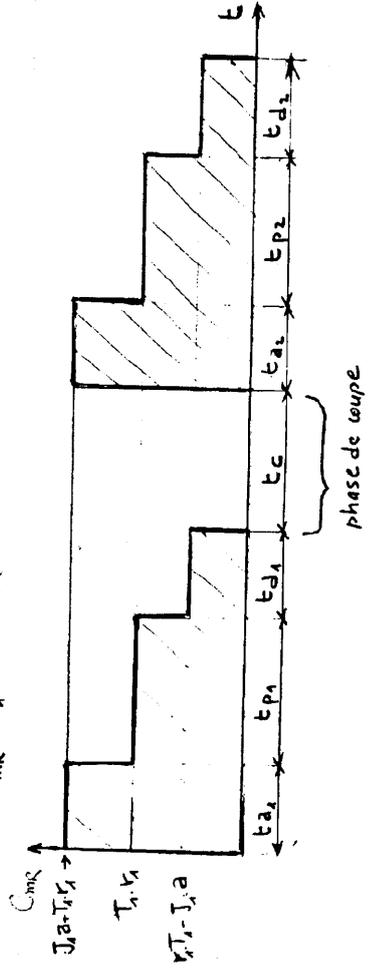
$V = r_1 \cdot \omega_1$

d'où $J_1 \cdot \omega_1 \cdot \dot{\omega}_1 + C_{MR} \cdot \omega_1 + T_1 \cdot r_1 \cdot \omega_1 = 0$

$\Rightarrow J_1 \cdot \dot{\omega}_1 = C_{MR} + T_1 \cdot r_1 = 0$

* $C_{MR} = J_1 \dot{\omega}_1 + T_1 \cdot r_1$ avec $\dot{\omega}_1 = a$

$C_{MR} = J_1 \cdot a + T_1 \cdot r_1$



phase de couple

$C_{MR} = 0$ (enoncé)

* $P_{maxi} = C_{MR} \cdot \omega_{maxi} = (J_1 \cdot a + T_1 \cdot r_1) \cdot \omega_{maxi}$

Question B.IV.2:

B.IV.2-a: Calculer le moment d'inertie J_{Σ} et le couple résistant C_R .

Soit Σ : ensemble (arbre moteur, reducteur, tambour).

$T(z/0) = \frac{1}{2} J_{a_1} \omega_1^2 + \frac{1}{2} J_{a_2} \omega_2^2$ avec $\lambda_1 = \frac{\omega_1}{\omega_2}$

$= \frac{1}{2} \left(J_{a_1} + \frac{J_{a_2}}{\lambda_1^2} \right) \omega_1^2 = \frac{1}{2} J_{\Sigma} \omega_1^2$

$\Rightarrow J_{\Sigma} = J_{a_1} + \frac{J_{a_2}}{\lambda_1^2}$

$\mathcal{P}(\Sigma \rightarrow \Sigma) + \mathcal{P}(\text{int} \Sigma) = C_{M_1} \cdot \omega_1 - T_1 \cdot r_1 \cdot \omega_1 = \omega_1 (C_{M_1} - T_1 \cdot \frac{r_1}{\lambda_1})$

$C_R = T_1 \cdot \frac{r_1}{\lambda_1}$

B.IV.2-b: Que devient l'equation de mvt de l'enrouleuse?

T.E.C à Σ $\frac{dT_{\Sigma}}{dt} = \mathcal{P}(\Sigma \rightarrow \Sigma) + \mathcal{P}(\text{int} \Sigma)$

$\frac{1}{2} \frac{d}{dt} (J_{\Sigma} \omega_1^2) = \omega_1 (C_{M_1} - C_R)$

$\Rightarrow J_{\Sigma} \cdot \dot{\omega}_1 = C_{M_1} - T_1 \cdot \frac{r_1}{\lambda_1}$

Question B.III.3: le moment d'inertie de la poulie est négligé. Mq: $T_1 = T_2$.

* TMD à la poulie de ϕ_d en projection sur $(0, \vec{x})$
 $(T_1 - T_2) \cdot \frac{d}{2} = 0 \Rightarrow T_1 = T_2$

* M.q: $T_1 = \frac{m \cdot g}{2 \cos \alpha_0} + \frac{m}{4} \left(r_1 \frac{\dot{\omega}_{m1}}{\lambda_1} - r_2 \frac{\dot{\omega}_{m2}}{\lambda_2} \right)$

T.R.D à $Z_1 = (poulie + contre poids)$: de masse m en proj / \vec{z}

$m \vec{z} \cdot \vec{r}_{g/0} = \ddot{z} \cdot m = -m \cdot g + T_1 \cos \alpha_0 + T_2 \cos \alpha_0$

avec $\ddot{z} = (r_1 \dot{\omega}_1 - r_2 \dot{\omega}_2) \cos \alpha_0 \cdot \frac{1}{2}$ (Question B.II.5)

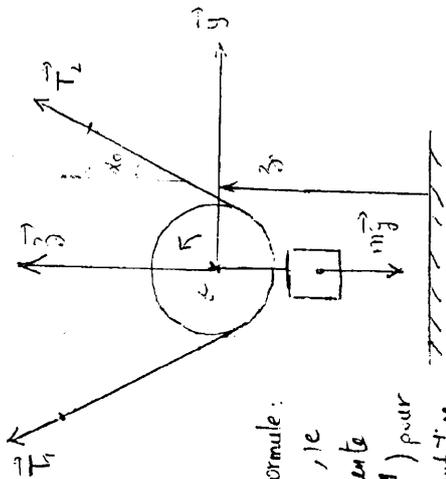
$\ddot{z} = (r_1 \dot{\omega}_1 - r_2 \dot{\omega}_2) \cdot \frac{\cos \alpha_0}{2}$

d'où $m (r_1 \dot{\omega}_1 - r_2 \dot{\omega}_2) \cdot \frac{\cos \alpha_0}{2} = -m \cdot g + T_1 (2 \cos \alpha_0)$

$T_1 = \frac{m \cdot g}{2 \cos \alpha_0} + \frac{m}{4} (r_1 \dot{\omega}_1 - r_2 \dot{\omega}_2)$

avec $\frac{\dot{\omega}_{m1}}{\omega_1} = \lambda_1$ et $\frac{\dot{\omega}_{m2}}{\omega_2} = \lambda_2$

d'où $T_1 = \frac{m \cdot g}{2 \cos \alpha_0} + \frac{m}{4} \left(r_1 \frac{\dot{\omega}_{m1}}{\lambda_1} - r_2 \frac{\dot{\omega}_{m2}}{\lambda_2} \right)$ CQFD



d'après cette formule: si T_1 augmente, le moteur m_2 augmente de vitesse ($\dot{\omega}_{m2}$) pour compenser l'augmentation de T_1 .

C- Partie Automatique.

Question C.I.1: objectifs des modes d'asservissement de l'enrouleuse et la dérouleuse?

* Pour l'enrouleuse: on desire avoir une précision sur la coupe de la bande et sur la largeur enroulée sur le tambour (1) (car on ne veut pas de recouvrement)

→ C'est un asservissement de position (θ_1).

* Pour la dérouleuse: on desire avoir une tension constante sur la bande (éviter la traction de la bande).

C'est un asservissement de vitesse $\dot{\omega}_{m2}$ d'après la question précédente.

Question C.I.2: avec la relation de (φ-B.III-3) donner $H_0(P)$, $H_1(P)$ et $H_2(P)$
 On a: $T_1 = \frac{m \cdot g}{2 \cos \alpha_0} + \frac{m}{4} \left(r_1 \frac{\dot{\omega}_{m1}}{\lambda_1} - r_2 \frac{\dot{\omega}_{m2}}{\lambda_2} \right)$ (Equat. B.III-3)

à la fig. 12: diagramme fonctionnel.

* $H_0(P) = 1/P$

* $H_1(P) = \frac{m \cdot r_1 \cdot P}{4 \lambda_1}$

* $H_2(P) = \frac{m \cdot r_2 \cdot P}{4 \lambda_2}$

On a: $\vec{r}(P) = \frac{m \cdot g}{P \cdot \cos \alpha_0} + \frac{m \cdot P}{4} \left(r_1 \frac{\Omega_{m1}(P)}{\lambda_1} - r_2 \frac{\Omega_{m2}(P)}{\lambda_2} \right)$

Question C.I.3: $H_3(P)$, $H_4(P)$, $H_5(P)$, $H_6(P)$ et $H_7(P)$. (fig 13) et (B.III-2)

* $(\phi: B.III-2) \rightarrow J E_1 \dot{\omega}_{m1} = C_{m1} - T_1 \frac{r_1}{\lambda_1}$

d'où: $C_{m1}(P) - \frac{r_1}{\lambda_1} T_1(P) = J E_1 P \cdot \Omega_{m1}(P)$

→ $H_7(P) = \frac{r_1}{\lambda_1}$ et $H_6(P) = \frac{1}{J E_1 P}$

* equation du moteur à C.C. (m_1).

$L_1(P) = R_1 \cdot I_1(P) + L_1 \cdot P \cdot I_1(P) + E_1 \cdot I_1(P) \rightarrow H_3(P) = \frac{1}{R_1 + L_1 P}$

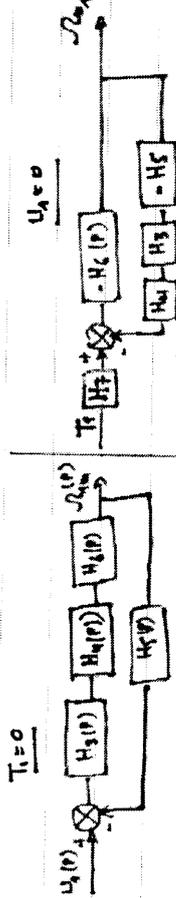
$E_1(P) = K_1 \cdot \Omega_{m1}(P) \rightarrow H_5(P) = K_1$

$C_{m1}(P) = K_1 \cdot I_1(P) \rightarrow H_4(P) = K_1$

Question C.I.4: Ecrire $\Omega_{m_1}(p) = A(p) \cdot U_1(p) + B(p) \cdot I_1(p)$

la stabilité vis à vis de la perturbation T_1 et de U_1 sont-elles équivalentes?

$\Omega_{m_1}(p) = A(p) \cdot U_1(p) + B(p) \cdot I_1(p)$



$A(p) = \frac{H_3 \cdot H_4 \cdot H_6}{1 + H_3 \cdot H_4 \cdot H_6 \cdot H_8}$
 $= \frac{K_1}{1 + \frac{K_1}{\omega_{c1} \cdot P} (R_1 + L_1 \cdot P)}$
 $A(p) = \frac{K_1}{\omega_{c1} \cdot P (R_1 + L_1 \cdot P) + K_1}$

$B(p) = \frac{-H_6 \cdot H_7}{1 + H_3 \cdot H_4 \cdot H_6 \cdot H_8}$
 $= \frac{-\frac{K_2}{\lambda_1 \cdot \lambda_2 \cdot P}}{1 + \frac{K_1}{\omega_{c1} \cdot P} (R_1 + L_1 \cdot P)}$
 $B(p) = \frac{-\frac{K_2}{\lambda_1 \cdot \lambda_2 \cdot P}}{\omega_{c1} \cdot P (R_1 + L_1 \cdot P) + K_1}$

$A(p)$ et $B(p)$ ont le même caractère caractéristique, elle ont les mêmes pôles donc : stabilités équivalentes.

Question C.I.5: proposer un modèle pour $G(p)$ (fig 14b), MP? et Mq?

Le lieu de la figure 14b (Bode) représente un système de 2ème ordre avec intégrateur car :
 * la phase est tangente à -90° aux basses fréquences et -180° aux hautes fréquences (et -90° /dec).

$G(p) = \frac{k}{P(1+z \cdot P)}$

$|G(j\omega)| = \frac{k}{\omega \sqrt{1+z^2 \cdot \omega^2}} \Rightarrow |G(j\omega)|_{\omega=0} = 20 \log k - 20 \log \omega - 10 \log(1+z^2 \cdot \omega^2) = \text{Gain}_{dB}$
 $\arg(G(j\omega)) = -90^\circ - \arctg z\omega = 4^\circ$
 • pour $\omega = 1 \text{ rad/s} \rightarrow \omega = \frac{1}{z} \Rightarrow$ courbe $z = \frac{1}{3} = 0.33 \text{ s}$
 • pour $\omega = 1 \text{ rad/s} \rightarrow \text{Gain}_{dB} = k_{dB} - 10 \log(1+z^2) \Rightarrow$ courbe $20 \log k - 10 \log(1+z^2) \approx 9$

$20 \log k \approx 9 + 10 \log(1 + \frac{1}{3^2}) = 9 + 10 \log(\frac{10}{3}) = 9 + 5,2287 \approx 14,2287$
 $\Rightarrow k \approx 10^{14,2287/20} = 5,14$

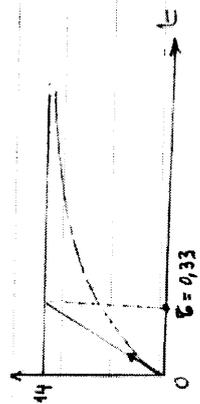
$G(p) = \frac{5,14}{P(1 + \frac{P}{3})}$

* marge de gain $Mq = +\infty$
 * marge de phase $MP \approx 55,71^\circ$

Question C.I.6: décomposer en éléments simples $G(p) = \frac{\theta_1(p)}{U_1(p)}$, en déduire la réponse impulsionnelle.

$G(p) = \frac{k}{P(1+z \cdot P)} = k \left(\frac{1}{P} - \frac{1}{P + \frac{1}{z}} \right) = 5,14 \left(\frac{1}{P} - \frac{1}{P + 3} \right)$
 $S(t) \rightarrow G(p) \rightarrow \theta(t)$
 $\theta(t) = g(t) = 5,14 (1 - e^{-3t})$

la réponse impulsionnelle de $G(p)$ est la réponse indicelle du 1er ordre $\frac{k}{1+z \cdot P} \rightarrow$ courbe



Question C.I.7: Calculer la FIBF $H(p) = \frac{\theta_2(p)}{\theta_1(p)}$, ses caractéristiques.

! distinguer k et K

$H(p) = \frac{G(p)}{1 + G(p)} = \frac{k}{k + P(1+z \cdot P)} = \frac{1}{1 + \frac{P}{k} + \frac{z \cdot P^2}{k}}$
 $H(p) = \frac{1}{1 + \frac{P}{5,14} + \frac{P^2}{15,42}} = \frac{K}{1 + \frac{z \cdot P}{\omega_n} + \frac{P^2}{\omega_n^2}}$
 $\Rightarrow K = 1, \omega_n = \sqrt{\frac{k}{z}} = \sqrt{15,42} \Rightarrow \omega_n = 3,92 \text{ rad/s}$
 $z = \frac{\omega_n}{2k} \Rightarrow z = 0,129$

Question C.I.8: Calculer ϵ_s (erreur statique) et ϵ_T (de traînage).

* $\epsilon_s = 0$ car il y a une intégration dans la B.O.

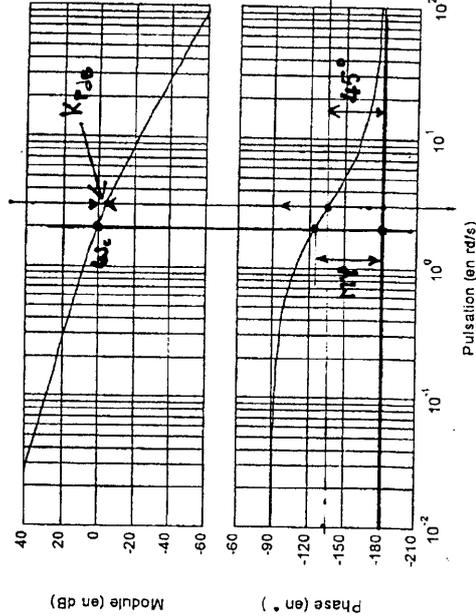
* $\epsilon_T = \frac{V_0}{k_{80}} \rightarrow$ (en haut n'importe quel résultat du cours, V_0 (ou redémontrer) k_{80})

$= \frac{1}{K} = \frac{1}{5,14} \Rightarrow \epsilon_T = 0,12$

Question C.I.9: K_p ? pour avoir $M\varphi = 45^\circ$ en deduire ϵ_s et ϵ_T

Réponse: K_p peut être retrouvé à partir de la courbe fig 146, ou par calcul, ce qui ne changera pas les résultats, puisque les erreurs graphiques de l'identification de $G(p)$ à Q.C.I.5 sont tjrs là.

* K_p graphiquement:



$K_p \approx 4$
 $\Rightarrow K_p \approx 10^{\frac{4}{20}} = 1,58$

$K_p = 1,58$

* K_p par calcul

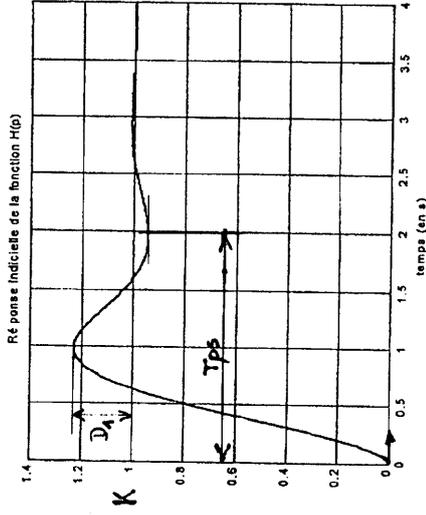
$M\varphi = 180^\circ + \arg G(j\omega_c) = 45^\circ$
 $|G(j\omega_c)| = 1$
 $\Rightarrow \begin{cases} \arg \frac{\omega_c}{3} = 45^\circ \Rightarrow \omega_c = 3 \text{ rad/s} \\ 20 \log k_p + 20 \log 5,14 - 20 \log \omega_c - 10 \log (1 + \frac{\omega_c^2}{9}) = 0 \Rightarrow K_p = \dots \end{cases}$

On prends $K_p = 1,58$

* $\epsilon_s = 0$ (l'intégrateur est tjrs là, ds la B.O.)

* $\epsilon_T = \frac{1}{k_{80}} = \frac{1}{5,14 \times 1,58} = 0,123$

Question C.I.10: Courbe fig 15, identification.



Cette courbe représente un système (réponse impulsionnelle) d'ordre supérieur à 1, car la tangente à l'origine est horizontale.

Si on l'assimile à un 2^{ème} ordre:

* $d = \frac{D_p}{K} = 0,23 = e^{-\frac{\pi \zeta}{\sqrt{1-\zeta^2}}} \Rightarrow \zeta = 0,42$

* $T_{ps} = \text{pseudo-période} = \frac{2\pi}{\omega_p} = 2A$

$= \frac{2\pi}{\omega_n \sqrt{1-\zeta^2}} \Rightarrow \omega_n = 3,46 \text{ rad/s}$

* $K = 1$

$\Rightarrow H(p) = \frac{K}{1 + \frac{2\zeta}{\omega_n} p + \frac{p^2}{\omega_n^2}}$

$H(p) = \frac{1}{1 + 0,24 p + 0,08 p^2}$

Question C.I.11:

L'augmentation de K_p diminue la marge de phase, et améliore la précision de vitesse (ET)

augmenter k_{80} induit els le cas général.

- diminution (dégradation) de la stabilité
- amélioration de la précision
- " " de la rapidité

D. PARTIE MODELISATION PAR GRAFCET

Question D.I.1: donner les 5 règles du Grafcet.

Règle 1: la situation initiale caractérise le composition initial, elle correspond aux étapes actives au début ou au zéro.

Règle 2: le franchissement d'une transition se fait si

- la transition est validée
- la 'receptivité' associée est vraie

Règle 3: le franchissement d'une transition entraîne immédiatement: - l'activation de toutes les étapes immédiatement suivantes

- La désactivation de toutes les étapes immédiatement précédentes.

Règle 4: plusieurs transitions simultanément franchissables sont, simultanément franchies.

Règle 5: si une étape doit être activée et désactivée en même temps, alors elle reste active.

Question D.I.2:

les étapes qui seront actives après l'étape 8 et si $\overline{mep} \cdot ap = 1$ sont:

- étape 8
- étape 1.

Question D.I.3:

durée du cycle: 5, 3, 1

Question D.I.4:

les étapes 1 et 10 sont actives et $ap = 0$: alors:

- si ($\overline{mep} = 1$) n'envoies sont déjà produites alors, la machine s'arrêtera à la situation (0, 1) -> étapes 0 et 1.
- si ($\overline{mep} = 1$) n'envoies ne sont pas encore produites, alors la machine continuera jusqu'à l'étape (8) et s'arrêtera.